
Conexión de Redes (Routing)

MISE DASE
Curso 2010/2011
Marisa López Vallejo



DASE

Índice (I)

- Introducción
- Clasificación
- Algoritmo de laberinto
 - Introducción
 - Modelo inicial
 - Procedimiento de operación
 - Extensiones al modelo
 - Redes multipunto
 - Capas múltiples
 - Eficiencia/Complejidad. Frente de Onda
 - Consistencia del coste
 - Esquemas inteligentes

DASE

2

Índice (II)

- Rutado de canal
 - Definiciones de grafos (repaso)
 - Planteamiento del problema
 - Modelo
 - Objetivos
 - Restricciones H, Restricciones V
 - Algoritmos básicos
 - Borde izquierdo (Left Edge Algorithm)
 - Basado en cliques

DASE

3

Índice (III)

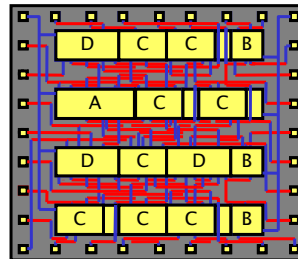
- Rutado de canal (cont.)
 - YACR2
 - Variante del LEA
 - Eliminación Violaciones RV
 - Canales con RV cíclicas

DASE

4

Introducción (I)

- Objetivos fase de rutado
 - Conectar todas las redes
 - Verificar reglas tecnológicas
 - Maximizar prestaciones (tiempos propag. cortos)
 - Minimizar área
 - Invertir poco tiempo CPU
- Tras fase rutado se tiene el trazado del chip



DASE

5

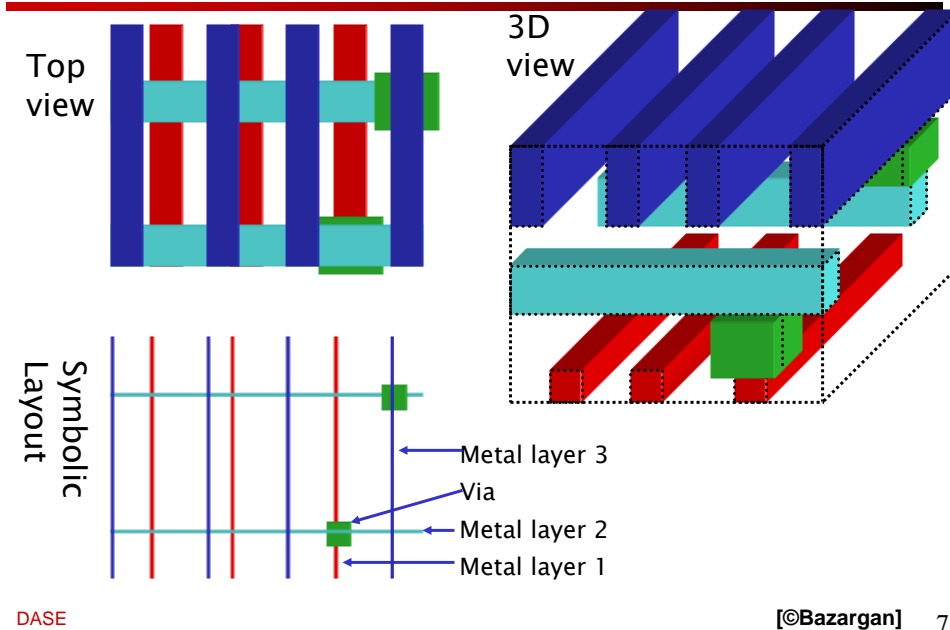
Introducción (II)

- Información necesaria para rutado
 - Netlist
 - Colocación (situación bloques, pines)
 - Restricciones tecnológicas
 - Capas (*layers*)
 - Chip: mínimo 2, rutado H y rutado V
 - PCB: normalmente sólo 1
 - Direcciones
 - Normalmente H y V. También 45°
 - Anchura: distinta para cada material/capa
 - Vías: conexiones entre capas
 - Tamaño, separación, localización, verticalidad
 - Requerimientos de tiempos (redes críticas)
 - Retardo RC por unidad longitud: capa metal, vía, etc.

DASE

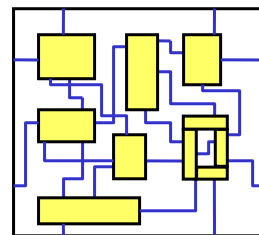
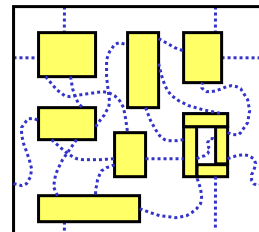
6

Anatomía del rutado



Clasificación Rutado: Global vs. Detallado

- Rutado **Global**
 - Input: placement detallado, con localización exacta de terminales
 - Buscar el "canal" (región de rutado) para cada red
 - Objetivo: minimizar área (congestión), y temporización (aproximado)
- Rutado **Detallado**
 - Input: canales y rutado aproximado de la etapa anterior (rutado global)
 - Buscar la ruta exacta para cada red, con las capas necesarias
 - Objetivo: rutado válido, minimizar área (congestión), cumplir restricciones de temporización
 - Objetivos adicionales: min via, potencia

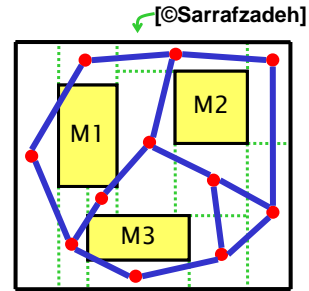


Figs. [©Sherwani]

Clasificación (I)

- Global:

- Divide superficie rutable en regiones
 - Divide y vencerás
 - Regiones poco definidas (coarse)
 - Tipos: canal, switch-box, etc
- Asigna cada red a una región
 - No especifica rutado detallado de red
 - Deja que un router detallado resuelva geometría final de redes, en cada región
- Tipos: laberinto, steiner tree, mejora iterativa, ILP



DASE

9

Clasificación (II)

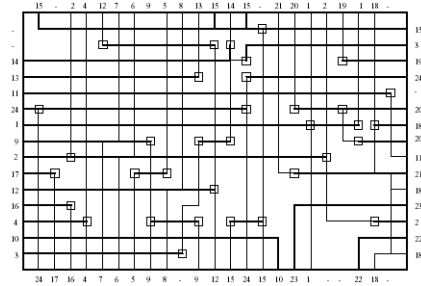
- Detallado
 - Halla geometría exacta del trazado de red
 - Tipos
 - En toda el área del trazado
 - Computacionalmente intratable. Sólo aplicable en casos especiales (área pequeña)
 - Algoritmo del **laberinto**
 - En área restringida
 - Canal: área rectangular rodeada por bloques en lados opuestos
 - » Algoritmo borde izqdo., algoritmo YACR2
 - *Switch box*: área rectangular rodeada por bloques en todos los lados
 - » Modela esquinas de canales en L
 - Otros
- Especiales: árbol de reloj, alimentación, masa,...

DASE

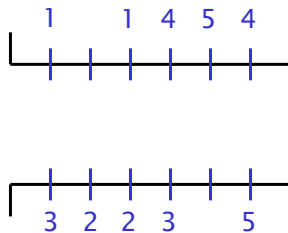
10

Entornos de rutado

- Switch box



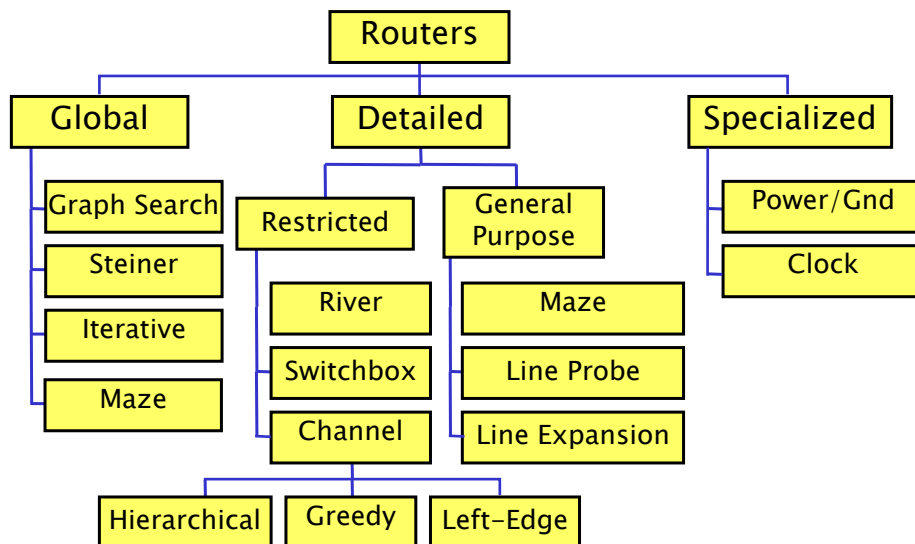
- Canal



DASE

11

Taxonomía de VLSI Routers



[©Keutzer]

DASE

12

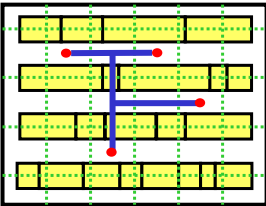
Algoritmo de laberinto (Maze)

- Válido para rutado detallado (o rutado global si el área es pequeña)
- Modo de operación
 - Rutado de una red en cada paso
 - Conecta completamente todos los pines de una red
 - Usando tanta área como se requiera (no restringo el rutado a regiones)
 - Problema:
 - Dependencia secuencial: red actual bloquea a siguientes
 - Solución:
 - Rutar primero las redes críticas

DASE

13

Modelo inicial Maze

- Rejilla: cada cuadrícula representa
 - Zona de tránsito H o V de un cable
 - Zona de cambio de dirección de un cable
- 
- Consideramos redes punto a punto
 - Source (S) y Target (T)
 - Encontrar el camino más corto que conecta S con T
 - Tránsito entre células: coste unidad

DASE

14

Idea del laberinto

- Basado en breadth-first search
 - Algoritmo muy simple
 - Trabaja con un grafo de la rejilla
 - Complejidad: tamaño de rejilla (NxN)
- Algoritmo
 - Propagar una "onda" desde origen (source) a destino (target)
 - Volver camino más corto
- Garantiza encontrar óptimo
 - Habitualmente hay varias soluciones óptimas
- ¿Redes multi-punto?
 - Para el resto de terminales utilizar el camino entre los dos primeros como origen de la onda

	5							
5	4			5				
4	3		t	5	4	5		
3	2			3	4	5		
2	1	s	1	2	3	4	5	
3	2	1	2	3	4	5		

DASE

15

Mecanismo de operación (I)

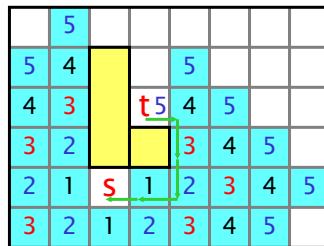
- Inicialización:
- Etiquetar S como célula activa.
 - Inicializar variable Distancia D=1
- Expansión {
- Encontrar células vecinas a las células activas
 - A distancia D de S (coste de camino a S igual a D)
 - Desactivar actuales células activas y marcar células alcanzadas como activas
 - D=D+1
 - Repetir punto 2 hasta llegar a T
- Back-tracking {
- Desandar (backtracking) hasta llegar a S
 - Seguir números decrecientes
 - Intentar minimizar núm. de cambios dirección
- Limpieza {
- Limpiar rejilla, marcando el camino creado como obstáculo para futuros hilos
 - Rutar nuevos hilos

DASE

16

Mecanismo de operación (II)

- Basado en breadth-first-search
 - Garantiza encontrar el camino entre S y T, si existe, y será óptimo (el más corto)
 - Pero el rutado de una red dificulta el siguiente
 - El orden de selección importa ⇒ heurístico



DASE

17

Extensiones al modelo

- Redes multipunto
- Tecnología: varias capas
- Eficiencia/complejidad
 - Almacenamiento:
 - ¿almacenar el coste del camino en todas las células alcanzadas? bits/célula ↑ ↑
 - Avance por frente de onda
 - Velocidad de búsqueda:
 - Avance por frente de onda
 - Esquemas predictivos (búsqueda no simétrica)

DASE

18

Redes multipunto (I)

- Pasos:
 - Etiquetar un pin como S, y el resto como T
 - Buscar camino más corto S-T
 - A priori desconocemos qué T se alcanzará primero
 - Tras alcanzar el primer T, etiquetar todas las células del camino como S
 - Continuar hasta alcanzar todos los T
 - Avanzando desde todos los S
- Dependencia respecto al pin inicialmente elegido
 - Análogo a árbol de Steiner

DASE

19

Redes multipunto (II)

		t_1					
		3					
	3	S	S				
3	2	S	2	3			
2	1	S	1	2	3		
3	2	1	2	3			

DASE

20

Múltiples capas de conexionado

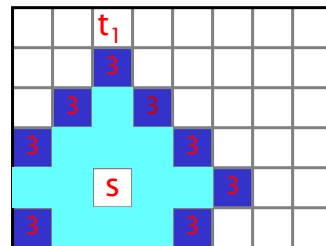
- Mantener en paralelo una rejilla por cada capa
 - Etiquetar células donde se permitan vías
 - Expandir, pudiendo pasar de un grid a otro
- Refinamiento mediante costes ponderados
 - Coste de cada célula puede diferir de la unidad
 - Coste asociado a vías
 - Costes distintos en capas distintas
 - Costes distintos en regiones distintas de misma capa
 - Expandir parcialmente células activas a aquellas vecinas tal que coste camino a S sea $C, C+1, C+2, \dots$
 - Una célula puede tener varias expansiones hasta dejar de ser activa
 - Encuentra el camino de mínimo coste
 - Distinto de camino de mínima longitud

DASE

21

Eficiencia/Complejidad (I)

- Almacenamiento
 - No almacenar coste de camino en cada célula alcanzada
 - Concepto **Frente de Onda**
- Estructuras de datos
 - Rejilla (array dinámico o estático)
 - Frente de onda (F.O.): Lista
 - Celdas activas para expandirse
- Datos a almacenar
 - F.O.: coste del camino a la célula
 - Rejilla:
 - Coste individual de celda (rejilla ponderada)
 - 1 bit: célula alcanzada/no alcanzada
 - 2 bits: predecesor (N, S, E, O)



Célula N
coste
pred ↑
alcanzada

DASE

22

Eficiencia/Complejidad (II)

- Avance eficiente
 - Expandir completamente la celda del F.O. de menor coste camino
 - Si hay varias, usar heurísticos para desempatar
 - Añadir vecinas recién alcanzadas a la lista del F.O.
 - Eliminar del F.O. la célula expandida
 - Reduzco tamaño lista F.O. cuando puedo

Célula N pathcost 12 pred ↑ alcanzada
--

Célula M pathcost 15 pred → alcanzada
--

DASE

23

Eficiencia/Complejidad (III)

```
Datos: S, T, pesos rejilla
Lista_F.O.={S}
while (lista_F.O. != vacía) {
  C=célula de menor coste en lista_F.O.;
  if (C is T) {
    Desanda el camino en rejilla; Limpia; exit;
  }
  else {
    for (cada vecino C' de C aún no alcanzado) {
      marcar nueva célula C' como ALCANZADA;
      calcular el coste de alcanzarla;
      apuntar en C' (lista_F.O.) el coste del camino a ella
      apuntar en C' (rejilla) su direc. acceso (predecesor C)
      añadir C' a lista_F.O.
    } /* del for */
    borrar C de lista_F.O.
  } /* del else */
} /* del while */
```

DASE

24

Eficiencia/Complejidad (IV)

- Expansión completa (EC) vs. Expansión parcial (EP)
 - En E.C. incluyo células en F.O. que pueden tardar en expandirse
 - Por tener alto coste individual
 - Gasto tiempo en guardar en el F.O. células no útiles por ahora
 - Pero acceso a listas ordenadas es rápido: $O(\log n)$
 - En E.P. **no** me preocupo de buscar un coste concreto para el camino a expandir
 - Ahorro cálculos, accesos a estructuras de datos, etc.
 - Comportamiento con E.C. es más regular y predecible que E.P.
 - Mayor independencia respecto a características particulares del problema

DASE

25

Eficiencia/Complejidad (V)

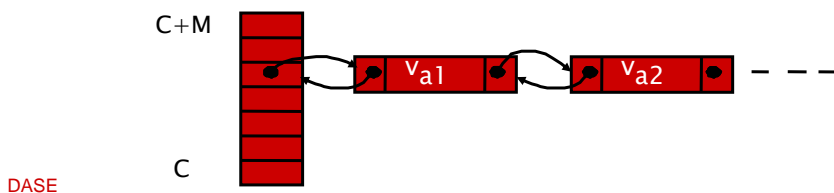
- Tras alcanzar una célula
 - Ningún camino futuro a ella tendrá menor coste
 - Pues expandimos siempre desde células de coste mínimo
 - Válido para funciones de coste consistentes
- Cada célula puede ser alcanzada varias veces
 - Desde varias direcciones
 - Sólo es importante el primer acceso, ya que indica el camino mínimo
 - Guardamos constancia del primer acceso (predecesor)

DASE

26

Estructuras de datos (I)

- Grid: array
- F.O.:
 - a) Lista doblemente enlazada:
 - Sin ordenar: Inserción rápida, búsqueda célula de menor coste es lenta
 - Ordenada: Inserción lenta, búsq. rápida
 - b) Buckets: array posibles valores costes F.O.
 - Búsq. rápida (más que lista ordenada)
 - Inserción rápida (comparable a lista sin ordenar)



27

Estructuras de datos (II)

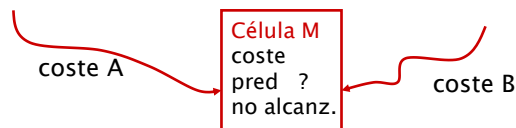
- Buckets
 - Problema: ¿tamaño array? ¿acotado?
 - Claves:
 - Siempre se expande la célula coste mín (C)
 - Coste máx individual por célula acotado (M)
 - Caso peor: expandir célula de C a C+M
 - Requiere array de M + 1 elementos
 - Tamaño array fijo
 - Costes internos variables (array circular)
 - Índices de coste menor y mayor
 - Necesarios porque reutilizamos posiciones (hay que descartar basura)

DASE

28

Consistencia de func. coste (I)

- Función coste consistente:
 - Incremento coste en acceso no depende del camino de acceso a célula
- Ejemplo función coste consistente
 - Coste interno a la célula
- Ejemplo función coste inconsistente
 - Coste en bordes de célula
 - Penalización por cambios dirección



DASE

29

Consistencia de func. coste (II)

- Función coste inconsistente
 - Puede aparecer la misma célula varias veces en F.O. con coste distinto
 - Seguir expandiendo la de menor coste primero
 - PERO:
 - Detener búsqueda sólo cuando cada célula del F.O. tenga coste mayor que T
 - Abandonar sólo cuando ya no es posible alcanzar T con un coste menor que el mínimo del F.O.

DASE

30

Esquemas inteligentes

- Esquema de Rubin
 - Término de predicción en la función de coste
 - Búsqueda 1º en profundidad hacia T

- Función de coste

$$\text{cost}[\text{cell}_i] = \text{path_cost}[S \rightarrow \text{cell}_i] + \text{predict}[\text{path_cost}[\text{cell}_i \rightarrow T]]$$

- Término predicción:
 - Cota inferior coste desde célula actual a T
- Depth-first search
 - Entre células de mismo coste, las más próximas al target se expanden primero

DASE

31

Rutado de canal

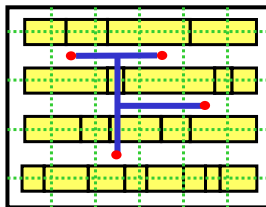
- Conceptos previos: revisión de **teoría de grafos**
 - Subgrafo inducido
 - Grafo completo
 - Grafo complementario
 - Clique
 - Clique máximo

DASE

32

Definición del problema

- Rutado de canal:
 - Conectar pines de una red a ambos lados del canal
 - Segmentos H y V
 - Dos capas de metal
 - Conexión mediante vías
 - Conexión Manhattan

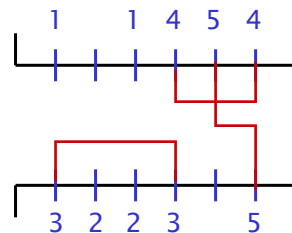


DASE

33

Modelo de representación

- ✓ Terminales en columnas equiespaciadas
- ✓ Dos terminales por columnas (top, bottom)
- ✓ Una red ocupa un segmento horizontal (pista) y segmentos verticales



- Evitar:
 - *Dogleg*: red que ocupa varias pistas del canal, sin retroceso
 - *Jog*: red que ocupa varias pistas del canal, con retroceso
- Definiciones:
 - **Capacidad de canal**: espacio entre 2 hileras de células estándar
 - **Densidad local de una columna j**: nº redes que cruzan j
 - **Densidad de canal (k)**: máxima densidad local

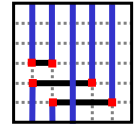
DASE

34

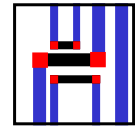
Elementos del problema

- Input
 - Posición fija de terminales arriba y abajo
 - Posible restricción de capacidad de canal (capacidad = max # de líneas horizontales de arriba a abajo del canal)
 - Con o sin rejilla

- En los algoritmos consideramos
 - Restricciones:
 - Estructura de la rejilla
 - Dos capas para rutar (una H, otra V)
 - Minimizar
 - # pistas (altura del canal)
 - Longitud total de conexionado
 - # vias



Con rejilla



Sin rejilla

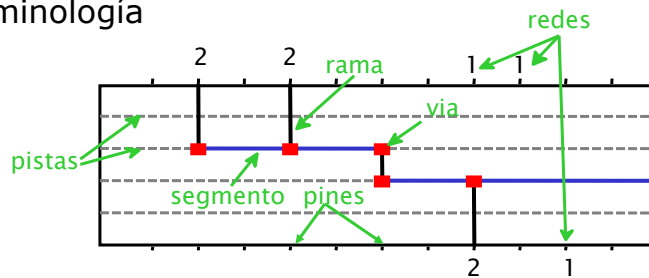
[©Sherwani]
[©Keutzer]

DASE

35

Terminología y algoritmos

- El caso general es NP-Completo
- Algoritmos
 - Caso sencillo: left-edge algorithm (P)
 - Caso general: NP → heurísticos
 - Problema definido mediante grafo de intersección de canal y grafo de restricciones verticales
 - Se utilizan tanto algoritmos de grafos como algoritmos greedy
- Terminología



[©Keutzer]

DASE

36

Objetivos

- Minimizar tamaño routing (área canales)
- Minimizar longitud conexionado
 - Minimizar área
 - Minimizar tiempos propagación
- Equivalen a minimizar número de pistas:
 - $L_{HORIZ.}$ es constante para una red
 - Pines conectados a mismo lado del canal:

$$Long. red = L_{HORIZ.} + N^{\circ} pines \times L_{VERTIC.}$$

- Pines conectados a distinto lado del canal:

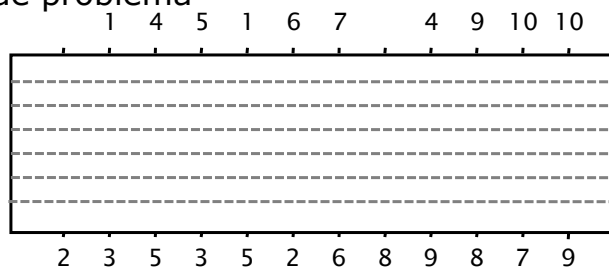
$$Long. red = L_{HORIZ.} + Anchura_ca\ n\ al \times \min \left\{ \begin{array}{l} \# pines_{top}, \# pines_{bottom} \\ \# pines_{lado\ con\ más\ pines} - \min \left\{ \begin{array}{l} \# pines_{top}, \# pines_{bottom} \end{array} \right\} \end{array} \right.$$

DASE

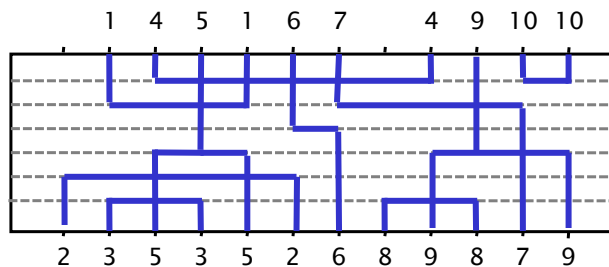
37

Ejemplo de rutado de canal

Ejemplo de problema



Solución:



DASE

[©Keutzer]
38

Grafo de restricciones horizontales (HCG)

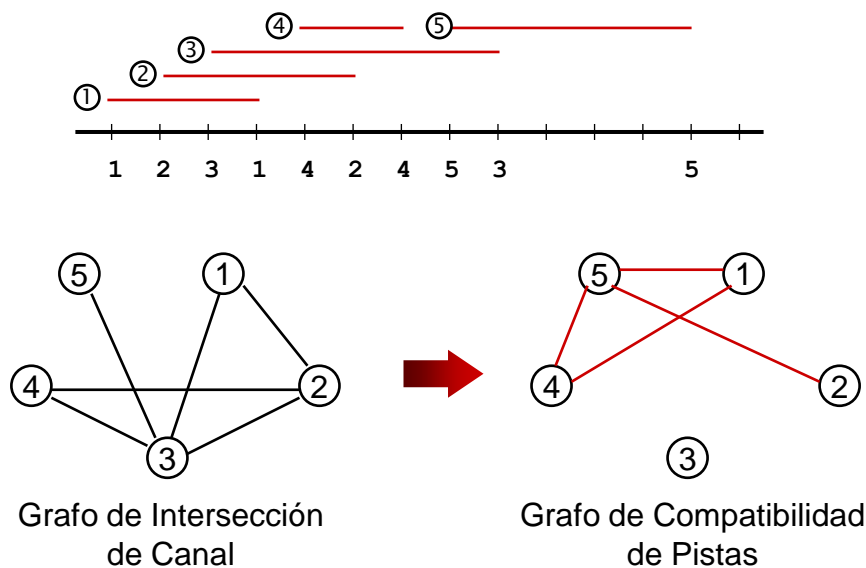
Restricción horizontal

- Entre 2 segmentos H con columna común
- No pueden compartir la misma pista
- **Grafo restricciones horizontales** (intersección de canal)
 - Grafo no dirigido
 - Nodo: representa red
 - Arco: une redes que se intersectan
- **Grafo de compatibilidad pistas**
 - Complementario a grafo restricciones

DASE

39

Ejemplo



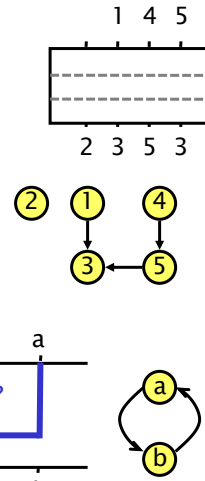
DASE

40

Grafo de restricciones verticales (VCG)

- Restricción vertical

- Dos redes tienen un terminal en la misma columna
- Sólo puede haber 2 redes con R.V. en misma columna
- Grafo restricciones verticales
 - Grafo dirigido
 - Nodo: representa red
 - Arco de i a j : orientado \Rightarrow red i debe rutarse por encima de red j
- R.V. cíclica:
 - Dadas 2 redes, \exists R.V. contrarias en 2 pares de pines
 - Se deben rutar mediante *doglegging*

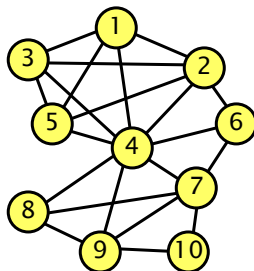
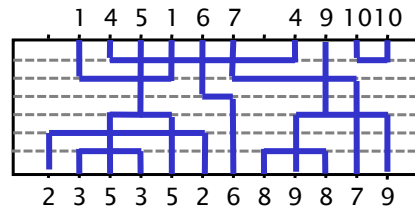


DASE

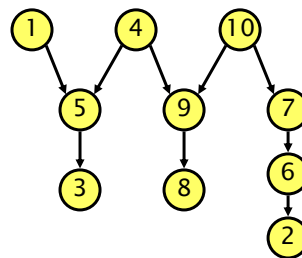
41

Grafos restricciones Horizontal/Vertical

- El problema de rutado de canal se puede caracterizar completamente mediante HCG y VCG



Grafo de restricciones horizontales (HCG)



Grafo de restricciones verticales (VCG)

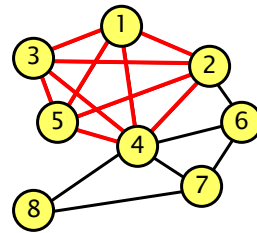
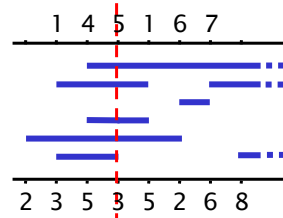
[©Keutzer]

DASE

42

Densidad de Canal

- Una red se extiende desde su terminal más a la izq. hasta su terminal más a la drcha
- Densidad local en columna C
 - $ld(C) = \# \text{ red dividida por la col. C}$
- Densidad de canal
 - $d = \max ld(c)$ de todo en C
- ¿Relación con HCG?
 - Densidad local \Leftrightarrow clique en HCG
 - $d \Leftrightarrow$ tamaño del clique máximo en HCG
- Cota inferior:
 - $\# \text{ pistas} \geq d$



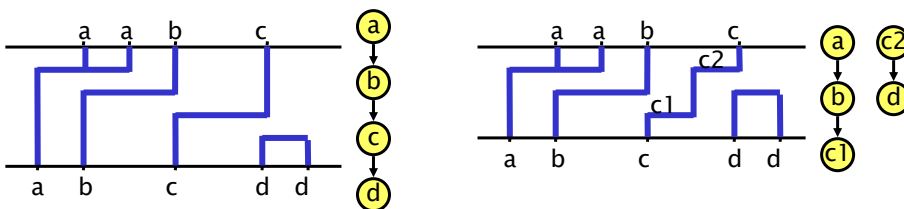
[©Keutzer]

DASE

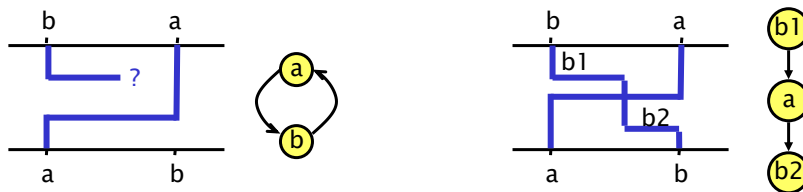
43

Doglegs

Doglegs pueden reducir el camino más largo en VCG



Doglegs rompen ciclos en VCG



[©Keutzer]

DASE

44

Algoritmos básicos

- Asignan redes sin violar R.H.
- No tienen en cuenta R.V.
 - Pueden violar R.V.
- Son heurísticos
 - No garantizan el óptimo
- Tipos
 - Algoritmo de borde izquierdo (LEA)
 - Basado en cliques

DASE

45

Left Edge Algorithm (LEA)

- Válido cuando no hay arcos VCG
- Encuentra solución óptima (# pistas = d)
- Las redes se ordenan en función de su borde izquierdo

pista=1

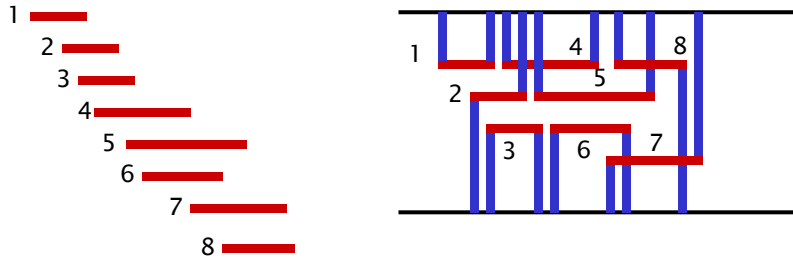
1. Ordenar segmentos de menor a mayor borde izqdo.
2. Elegir el primer segmento de la lista
3. Asignar a pista y borrar segmento de la lista
4. Buscar siguiente segmento que quepa en pista, asignarlo a pista, borrarlo de la lista.
5. Repetir 4 hasta llegar al final de la lista
6. pista++
7. Volver a 2 hasta que lista esté vacía

- Complejidad: $O(n \log n)$

DASE

46

Ejemplo LEA

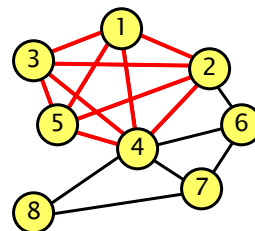


DASE

47

Basado en cliques (I)

- Concepto similar al LEA
- Construir grafo de compatibilidad y buscar cliques en él
- Clique \Rightarrow redes compatibles en la misma pista
 - Cuantas más redes por pista, menos pistas serán necesarias
 - Interesa hallar cliques máximos



DASE

48

Basado en cliques (II)

- Redes a un solo lado del canal; redes punto a punto

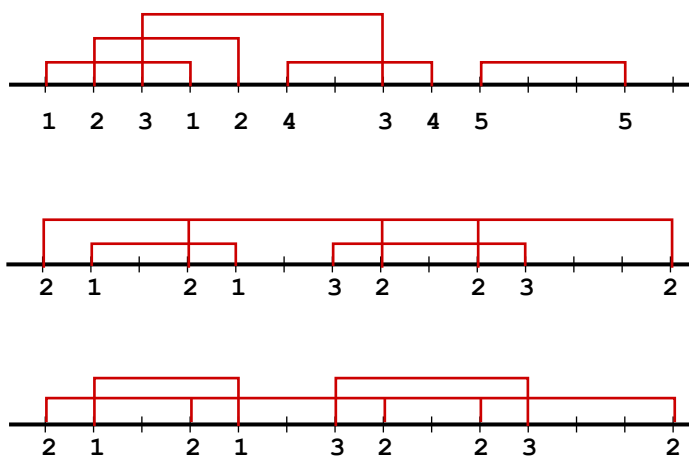
```
pista = 1;
construir grafo complementario G_comp;

while (queden cliques en el grafo G_comp) {
    buscar el más grande;
    conectar redes del clique en la "pista";
    borrar nodos y arcos de esas redes en el grafo;
    pista++;
};
```

DASE

49

Ejemplo



DASE

50

Basado en cliques (II)

- Redes a un solo lado del canal; redes **multipunto**

```
pista = 1;
construir grafo complementario G_comp;

buscar cliques en G_comp;

for (cada clique j) {
    
$$\text{Peso de clique } j = \sum_{\text{red } i \text{ de clique } j} \# \text{ pines de red } i$$

}
while (queden cliques en G_comp) {
    buscar clique con más peso;
    colocar clique en "pista";
    eliminar las redes de ese clique (arcos de G_comp);
    pista ++;
}
```

DASE

51

Basado en cliques (III)

- Redes a **ambos** lados del canal; redes **multipunto**
 - Elegir criterio colocación: p.e. colocar respecto al lado bottom
 - Las pistas van incrementándose hacia el lado up
 - El peso de cada clique es igual al número de pines bottom menos el número de pines up.
 - Un peso positivo significa que es más conveniente colocar la red en el lado bottom
 - De entre todas las redes con peso positivo ("quieren" conectarse al lado bottom) elijo aquella con mayor peso.

DASE

52

Comparación LEA vs. Clique

- Algoritmo basado en cliques usa modelo más completo
 - LEA coge la primera red que encuentra, sin mirar qué futuras redes existen
 - Produce mejores resultados que LEA
- LEA es más rápido

DASE

53

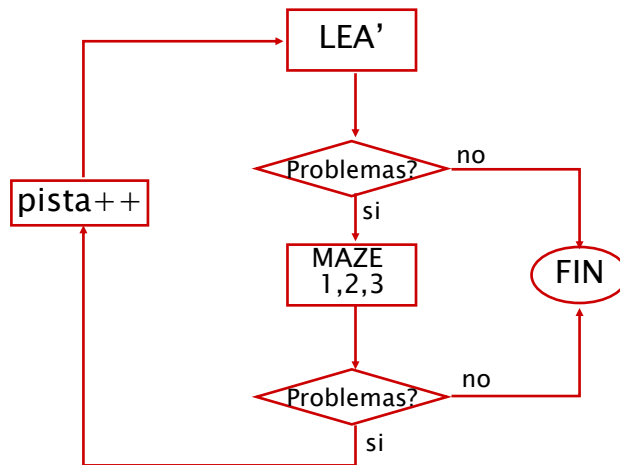
YACR2: Yet Another Channel Router

- Asigna redes sin violar R.H. ni R.V.
- Aplicable a grafos sin R.V. cíclicas
- Heurístico (no garantiza el óptimo)
- Tres etapas:
 1. Variante del LEA
 - Intenta conseguir máximo empaquetamiento en pistas
 - Garantiza ausencia de Violaciones R.H.
 - Intenta minimizar Violaciones R.V. (no lo garantiza)
 - Empieza por columna máxima densidad
 - Asigna todas las redes de una columna en cada iteración
 - En vez de todas las redes de una pista en cada iteración
 2. Utiliza espacios libres para eliminar V.R.V.
 - Maze particularizado a 3 escenarios típicos
 3. Si \exists violaciones, #pistas ++ y vuelta a punto 1

DASE

54

YACR2: Diagrama de flujo



DASE

55

1. Variante del LEA

- Tres fases consecutivas
 - 1) Asignación de redes a pistas en columna de máxima densidad C_k
 - 2) Asignación de redes a pistas en columnas a la dcha. de C_k
 - 3) Asignación de redes a pistas en columnas a la izqda. de C_k
- Asignación: criterios heurísticos
 - Elegir 1º redes más conflictivas
 - Redes con mayor número de restricciones
 - Asignarlas cuando existan más grados de libertad
 - Asignar a pistas donde se prevea reducir conflictos
- Datos de partida:
 - Conjunto redes total
 - Nº inicial de pistas a utilizar = densidad canal = k

DASE

56

FASE-1: Seudocódigo

```
/* Inicialización */
Escoger columna, maxcol, tal que densidad de maxcol = k;
N={n1, n2, ...} conjunto redes que cruzan maxcol;
S= todas las pistas;

while (N≠∅) {

    /* Escoger un n ∈ N para asignarlo */
    n = select (N)

    /* Asignar n a una pista en S */
    assign (n, S);

    /* Actualizar */
    Eliminar n de N
    Eliminar la pista usada de S;
}
```

DASE

57

FASE-1: Selección Col. & Red

- Partimos de un tamaño de canal = k
 - No se producirán V.R.H.
- Columna de máxima densidad (*maxcol*):
 - Si hay varias columnas con densidad=k:
 - 1) Columna con máxima suma de RV de las redes que la atraviesan
 - 2) Columna con la red que tenga más RV
 - 3) Columna más centrada en el canal
- Selección siguiente red a asignar (*select*)
 - 1) Red con mayor nº VRV respecto a redes ya fijadas
 - 2) Red con mayor nº RV

DASE

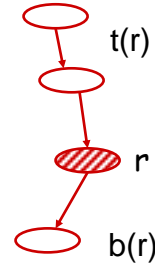
58

FASE-1: Asignación pista a red

- Grafo RV
 - $t(r)$ = nº redes por encima de red r
 - $b(r)$ = nº redes por debajo de red r
- Si colocamos r en $t(r)$ o $b(r)$ habrá VRV
- No colocar r en $t(r)$ o $b(r)$ no asegura ausencia de VRV
 - Debido a asignaciones pasadas y futuras
- Fórmula heurística

$$\frac{\text{ideal}(r) - t(r) - 1}{k - b(r) - \text{ideal}(r)} = \frac{t(r)}{b(r)}$$

- nº pistas en canal = k = densidad del canal
- $t(r) = 0 \Rightarrow \text{ideal}(r) = 1$
- $b(r) = 0 \Rightarrow \text{ideal}(r) = k$
- $t(r) = b(r) \Rightarrow \text{ideal}(r) = (k+1)/2$



DASE

59

FASE-2: LEA modificado

```

/* Inicialización */
j = maxcol + 1; N= Ø; S= Ø;
while (j ≤ número columnas) {
  /* Asignar redes */
  if (∃ 1 red (ó 2) cuyo terminal a la izquierda está en j) {
    N=N ∪ redes con terminal a la izqda. en j;
    while (N≠Ø) {
      n = select (N);
      assign (n, S);
      Eliminar n de N;
      Eliminar pista usada de S;}
  }
  /* Ver si quedan nuevas pistas libres */
  if (∃ 1 red (ó 2) cuyo terminal a la derecha está en j) {
    S= S ∪ pista que queda libre;}

  /* Movernos hacia la derecha */
  j++;
}
    
```

DASE

60

FASE-3: LEA Modificado

- Análogo a Fase-2
 - Avanzando hacia columnas de la izqda.
- Tamaño canal = k = máx densidad
 - Siempre hay pistas suficientes para no violar R.H. en Fase-2 y Fase-3

DASE

61

Eliminación de VRV

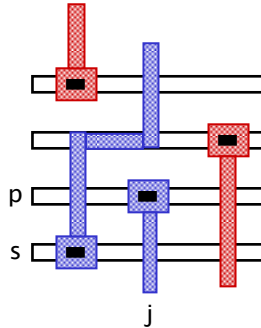
- Posibilidades
 - a) *Maze* genérico:
 - Costoso, tiempo de cómputo elevado
 - b) Tres algoritmos *maze ad-hoc*
 - Se ajustan a casos típicos
 - Menos esfuerzo computacional
 - Introducen doglegs
 - Pueden introducir pistas y contactos adicionales
 - Casos:
 - *Dogleg* en 1 red sobre columnas contiguas
 - *Dogleg* en 1 red sobre columnas no contiguas
 - *Dogleg* en 2 redes

DASE

62

FASE-4 Maze routing para VRV

- Algoritmo 1
 - Busca en las columnas adyacentes
 - No añade ningún contacto

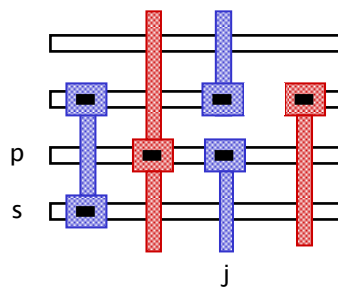


DASE

63

FASE-4 Maze routing para VRV

- Algoritmo 2
 - Dogleg en columnas apartadas
 - Dos contactos extra como máximo

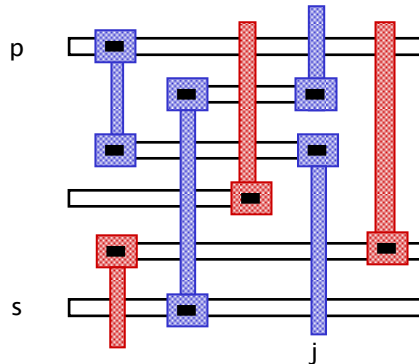


DASE

64

FASE-4 Maze routing para VRV

- Algoritmo 3
 - Dogleg en las dos redes
 - Añade varios contactos



✓ Si no funcionan: **añadir una pista**

DASE

65




Canales con RV cíclicas

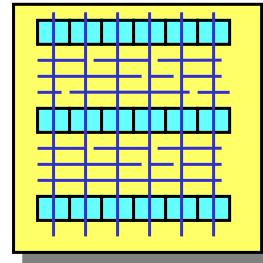
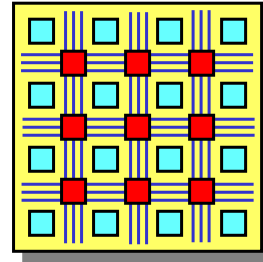
- No se pueden resolver sin *doglegs*
 1. Se rompe el grafo cíclico en uno acíclico
 - Se elimina la RV de la columna con más espacio libre alrededor
 2. Se resuelve el canal acíclico mediante YACR2
 3. Se incorporan las RV y se intenta resolver con algoritmos *maze* vistos (ad-hoc)
 4. Si no se puede, se añade una columna más y se repite el proceso

DASE

66

Arquitectura/Trazado de FPGAs

- FPGAs tipo matriz
 - Matriz de unidades funcionales 
 - Canales horizontales y verticales de rutado para las unidades funcionales 
 - Switch boxes versátiles 
 - Ejemplo: Xilinx, Altera
- FPGAs basadas en filas
 - Como en el diseño de células estándar
 - Filas de bloques lógicos
 - Canales de rutado (anchura fija) entre hileras de lógica
 - Ejemplo: Actel

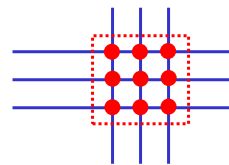
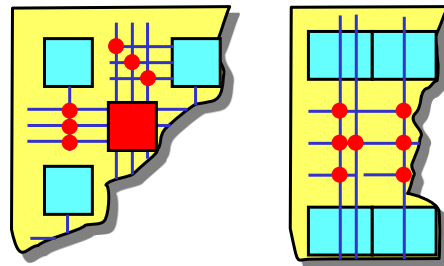


DASE

67

Elementos programables de interconexión

- Utilizados para conectar:
 - La E/S de las unidades funcionales a las conexiones
 - Una conexión horizontal a una conexión vertical
 - Dos segmentos de conexión para hacer una conexión mayor

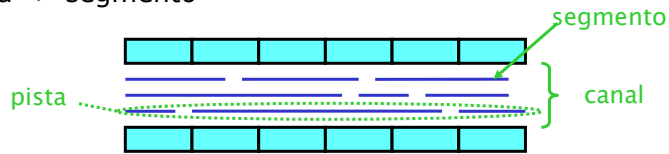


DASE

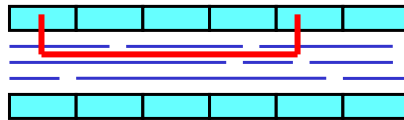
68

Arquitectura FPGA con canales de rutado

- Anchura de canal fija (pistas)
- Es preciso conocer todas las necesidades de conectividad a priori
- Canal -> pista -> segmento



- ¿Qué longitud de segmento?
 - Largos: llevan señales más lejos, con menos cajas de "concatenación", pero se puede desperdiciar área
 - Cortos: conexiones locales, lento para conexiones largas

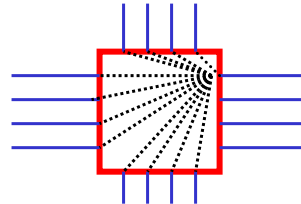


DASE

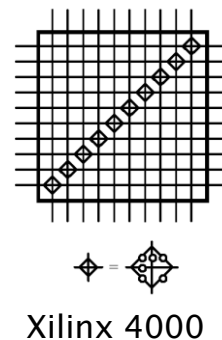
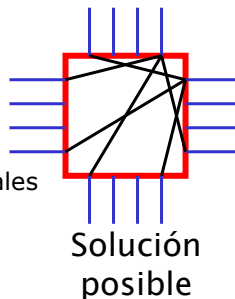
69

Switches de interconexión

- Idealmente, proporcionan switches para todas las posibles conexiones



- Compromiso:
 - Demasiados switches:
 - Mucha area
 - Complejo de programar
 - Demasiados pocos:
 - No se pueden rutar señales



DASE

70

Rutado de la FPGA

- Recursos de rutado pre-fabricados
 - 100% routability utilizando los canales existentes
 - Si falla el rutado de todas las redes, repartir placement
- Aspectos arquitecturales FPGA
 - Cuidado balance entre el número de bloque lógicos y los recurso de rutado (¿utilización de área llógica al 100%?)
 - Diseñar switchboxes flexibles y canales entra en conflicto con velocidades de reloj elevadas)
- Algoritmos de rutado en FPGAs
 - Algoritmos de búsqueda en grafos
 - Convertir los segmentos de conexión en nodos del grafo y los switch en arcos
 - Heurísticos de bin packing (redes como objetos, pistas como bins)
 - Combinación de maze routing y algoritmos de búsqueda en grafos